

Distribuição	Funções de Probabilidade	Valor médio	Variância
Uniforme em $\{1, \dots, n\}$	$P(X = k) = \frac{1}{n}, k = 1, \dots, n$	$\frac{n+1}{2}$	$\frac{n^2-1}{12}$
Bi(n,p)	$P(X = k) = \binom{n}{k} p^k (1-p)^{n-k}, k = 0, \dots, n$	np	np(1-p)
BN(k,p)	$P(X = n) = \binom{n-1}{k-1} p^k (1-p)^{n-k}, n = k, k+1, \dots$	$\frac{k}{p}$	$\frac{k(1-p)}{p^2}$
H(N,M,n)	$P(X = k) = \frac{\binom{M}{k} \binom{N-M}{n-k}}{\binom{N}{n}}, k = \max\{0, n-N+M\}, \dots, \min\{M, n\}$	$n \frac{M}{N}$	$\frac{nM(N-M)(N-n)}{N^2(N-1)}$
P(λ)	$P(X = k) = e^{-\lambda} \frac{\lambda^k}{k!}, k = 0, 1, \dots$	λ	λ
U[a,b]	$F(x) = \begin{cases} 0 & , x < a \\ \frac{x-a}{b-a} & , a \leq x < b \\ 1 & , x \geq b \end{cases}$	$\frac{a+b}{2}$	$\frac{(b-a)^2}{12}$
Exp(λ)	$F(x) = \begin{cases} 0 & , x < 0 \\ 1 - e^{-\lambda x} & , x \geq 0 \end{cases}$	$\frac{1}{\lambda}$	$\frac{1}{\lambda^2}$
N(μ, σ)	$F(x) = \Phi\left(\frac{x-\mu}{\sigma}\right)$	μ	σ^2

Intervalos de 100(1- α)% de confiança para a proporção, p

Amostras de dimensão “grande”:

$$\left(\hat{p} \pm z_{1-\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{n}} \right)$$

Intervalos de 100(1- α)% de confiança para a diferença de proporções, p₁- p₂

Amostras de dimensão “grande”:

$$\left(\hat{p}_1 - \hat{p}_2 \pm z_{1-\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}_1(1-\hat{p}_1)}{n_1} + \frac{\hat{p}_2(1-\hat{p}_2)}{n_2}} \right)$$

Estadísticas de teste

Teste de ajustamento do qui-quadrado $X^2 = \sum_{i=1}^k \frac{(o_i - e_i)^2}{e_i}$

Teste de ajustamento de Kolmogorov Smirnov , $D_n = \max(D_n^+, D_n^-)$

$$D_n^+ = \max\left(\frac{i}{n} - F(x_i), 0\right) \quad e \quad D_n^- = \max\left(F(x_i) - \frac{i-1}{n}, 0\right)$$

Teste dos Sinais

$$S_n = \sum_{i=1}^n I(X_i - \chi_0)$$

= nº de elementos positivos em $\{X_i - \chi_0\}, 1 \leq i \leq n$

Teste de Wilcoxon

$$T_n^+ = \sum_{i=1}^n R_i I(X_i) =$$

= soma das ordens correspondentes aos X's positivos.

$$E[T_n^+ | H_0] = \frac{n(n+1)}{4}; \quad \text{var}[T_n^+ | H_0] = \frac{n(n+1)(2n+1)}{24}$$

Teste de Mann-Whitney

$$W_{m,n} = \sum_{i=1}^m \sum_{j=1}^n Z_{ij} \quad \text{com} \quad Z_{ij} = \begin{cases} 1 & Y_j > X_i \\ 0 & Y_j \leq X_i \end{cases} \quad W_{m,n} = \sum_{i=1}^m (n^\circ \text{ de } Y's > X_i)$$

$$E[W_{m,n} | H_0] = \frac{nm}{2}; \quad \text{var}[W_{m,n} | H_0] = \frac{nm(m+n+1)}{12}$$

Teste de Kruskal-Wallis

$$K_{n_1, n_2, \dots, n_p} = \frac{1}{s^2} \left\{ \sum_{i=1}^p \frac{R_i^2}{n_i} - \frac{N(N+1)^2}{4} \right\} \quad \text{com} \quad s^2 = \frac{1}{N-1} \left\{ \sum_{i=1}^p \sum_{j=1}^{n_i} R^2(X_{ij}) - \frac{N(N+1)^2}{4} \right\}$$

No caso de não existirem ligações,

$$K_{n_1, n_2, \dots, n_p} = \frac{12}{N(N+1)} \sum_{i=1}^p \frac{R_i^2}{n_i} - 3(N+1)$$

Testes de independência/homogeneidade em tabelas de contingência

$$X^2 = \sum_{i=1}^c \sum_{j=1}^p \frac{\left(n_{ij} - \frac{n_{i \cdot} n_{\cdot j}}{n} \right)^2}{\frac{n_{i \cdot} n_{\cdot j}}{n}} \underset{H_0}{\sim} \chi_{((c-1)(p-1))}^2$$

Teste de Spearman

$$R^* = 1 - 6 \frac{\sum_{i=1}^n D_i^2}{n(n^2 - 1)} \quad \text{com} \quad D_i = R_i - S_i$$

Índice de Friedman

$$F = \frac{12}{mI(I+1)} \sum_{j=1}^I R_j^2 - 3m(I+1) \underset{H_0}{\sim} \chi_{(I-1)}^2$$