

ANÁLISE DE DADOS
FORMULÁRIO para exame

Distribuição	Função de Probabilidade	Valor médio	Variância
$U\{1, \dots, n\}$	$P(X = k) = \frac{1}{n}, k = 1, \dots, n$	$\frac{n+1}{2}$	$\frac{n^2-1}{12}$
$Bi(n, p)$	$P(X = k) = C_k^n p^k (1-p)^{n-k}, k = 0, \dots, n$	np	$np(1-p)$
$BN(k, p)$	$P(X = n) = C_{k-1}^{n-1} p^k (1-p)^{n-k}, n = k, k+1, \dots$	$\frac{k}{p}$	$\frac{k(1-p)}{p^2}$
$H(N, M, n)$	$P(X = k) = \frac{C_k^M C_{n-k}^{N-M}}{C_n^N}, k = \max\{0, n-N+M\}, \dots, \min\{M, n\}$	$n \frac{M}{N}$	$n \frac{M}{N} \left(1 - \frac{M}{N}\right) \frac{N-n}{N-1}$
$P(\lambda)$	$P(X = k) = e^{-\lambda} \frac{\lambda^k}{k!}, k = 0, 1, \dots$	λ	λ
$U[a, b]$	$F(x) = \begin{cases} 0 & , x < a \\ \frac{x-a}{b-a} & , a \leq x < b \\ 1 & , x \geq b \end{cases}$	$\frac{a+b}{2}$	$\frac{(b-a)^2}{12}$
$Exp(\lambda)$	$F(x) = \begin{cases} 0 & , x < 0 \\ 1 - e^{-\lambda x} & , x \geq 0 \end{cases}$	$\frac{1}{\lambda}$	$\frac{1}{\lambda^2}$

INTERVALOS COM $(1-\alpha)100\%$ DE CONFIANÇA

Para a proporção p : $\left(\hat{p} \mp z_{1-\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{n}}\right)$

Para a diferença de proporções $p_1 - p_2$: $\left(\hat{p}_1 - \hat{p}_2 \mp z_{1-\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}_1(1-\hat{p}_1)}{n_1} + \frac{\hat{p}_2(1-\hat{p}_2)}{n_2}}\right)$

ESTATÍSTICAS DE TESTE

Teste de ajustamento do Qui-quadrado: $X^2 = \sum_{i=1}^k \frac{(o_i - e_i)^2}{e_i}$

Teste de ajustamento de Kolmogorov-Smirnov: $D_n = \max(D_n^+, D_n^-)$;
 $D_n^+ = \max\{i/n - F(X_i), 0\}$ $D_n^- = \max\{F(X_i) - (i-1)/n, 0\}$

Teste dos sinais: $S_n = \sum_{i=1}^n I(X_i - \chi_0) = \#\{1 \leq i \leq n : X_i > \chi_0\}$

Teste de Wilcoxon: $T_n^+ = \sum_{i=1}^n R_i I(X_i > 0) = \text{Soma das ordens dos } |X_i| \text{ para os } X_i \text{ positivos}$
 $E(T_n^+ | H_0) = \frac{n(n+1)}{4}$; $Var(T_n^+ | H_0) = \frac{n(n+1)}{4} \frac{2n+1}{6}$

Teste de Mann-Whitney-Wilcoxon: $W_{m,n} = \sum_{i=1}^m \sum_{j=1}^n Z_{ij}$, $Z_{ij} = \begin{cases} 1 & , Y_j > X_i \\ 0 & , Y_j \leq X_i \end{cases}$
 $W_{m,n} = \sum_{i=1}^m \#\{1 \leq j \leq n : Y_j > X_i\}$
 $E(W_{m,n} | H_0) = \frac{mn}{2}$; $Var(W_{m,n} | H_0) = \frac{mn}{2} \frac{m+n+1}{6}$

Teste de Kruskal-Wallis: $K_{n_1, n_2, \dots, n_p} = \frac{1}{S^2} \left\{ \sum_{i=1}^p R_i^2 / n_i - \frac{N(N+1)^2}{4} \right\}$, $S^2 = \frac{1}{N-1} \left\{ \sum_{i=1}^p \sum_{j=1}^{n_i} R_{ij}^2 (X_{ij}) - \frac{N(N+1)^2}{4} \right\}$
Se não existirem ligações: $K_{n_1, n_2, \dots, n_p} = \frac{12}{N(N+1)} \sum_{i=1}^p R_i^2 / n_i - 3(N+1)$

Teste de independência/homogeneidade em tabelas de contingência: $X^2 = \sum_{i=1}^r \sum_{j=1}^c \frac{(n_{ij} - n_{i\bullet} n_{\bullet j} / n)^2}{n_{i\bullet} n_{\bullet j} / n}$

Teste à correlação ordinal de Spearman, sem ligações: $R^* = 1 - \frac{6}{n(n^2-1)} \sum_{i=1}^n (R_i - S_i)^2$