

Justifique sempre as respostas e as aproximações utilizadas.

1. A 600 km do centro de um anticiclone circular, aos 40N, observa-se um gradiente de pressão de 1.1 hPa/100km, fazendo o vento aos 10m um ângulo de 15° com as isóbaras, com uma densidade do ar de 1.2 kg m^{-3} . Admita que se trata de uma situação estacionária.
 - (a) Estime a velocidade do vento, na aproximação do vento do gradiente.
 - (b) Estime: a vorticidade relativa, vorticidade absoluta e a divergência do escoamento horizontal.
 - (c) Calcule qual seria o máximo gradiente de pressão, e a máxima velocidade do vento, que se poderiam observar nas condições referidas. Justifique.
 - (d) Estime a velocidade vertical aos 1000m no centro do sistema, justificando as aproximações.
 - (e) Esquematize o equilíbrio de forças que justifica a solução.

2. Num ponto aos 38N foi observada a coluna de ar com os seguintes resultados

Pressão (hPa)	Rumo	Vento (m/s)	T (K)
1000	W	10	288
700	NW	20	270
500	SW	30	258

- (a) Estime o vento médio e o gradiente da temperatura média nas camadas 1000-700 e 700-500.
- (b) Estime a tendência da temperatura média, devida à advecção horizontal, nas camadas 1000-700 e 700-500.
- (c) Estime a espessura (em m) da camada 850-600.
- (d) Estime a tendência da estabilidade na camada 850-600.
- (e) Se partir de uma atmosfera com um gradiente vertical de -6.5K/km quanto tempo demoraria (nas condições observadas) a tornar-se instável?

Sugestão de resolução:

1.

$$(a) v = -\frac{fR}{2} + \frac{R}{2} \sqrt{f^2 + \frac{4}{\rho R} |\nabla P| \cos \alpha} \approx 12.0 \text{ ms}^{-1}$$

$$(b) \zeta = \frac{2v \cos(\alpha)}{R} \approx -3.87 \times 10^{-5} \text{ s}^{-1}; \delta = -\frac{2v \sin(\alpha)}{R} \approx 1.04 \times 10^{-5} \text{ s}^{-1}; \eta = \zeta + f \approx 5.5 \times 10^{-5} \text{ s}^{-1} .0$$

(c) O máximo gradiente de pressão corresponde ao anulamento do radicando, pois valores superiores dariam um resultado com parte imaginária.

$$|\nabla P|_{MAX} = f^2 \rho R / (4 \cos(\alpha)) \approx 1.64 \text{ hPa}/100 \text{ km}$$

$$v_{MAX} = -\frac{fR}{2} \approx 28.2 \text{ ms}^{-1}$$

$$(d) w = \frac{v \sin(\alpha) 2\pi R h}{\pi R^2} \approx -1 \text{ cm s}^{-1} \text{ s zz}$$

(e)

2.

$$(a) \vec{v}_{1000} \equiv (10, 0); \vec{v}_{700} \equiv (14.14, -14.14); \vec{v}_{500} \equiv (21, 21, 21, 21)$$

$$\vec{v}_{850} \approx (12.07, -7.07); \vec{v}_{600} \approx (17.68, 3.53)$$

$$\frac{\partial T}{\partial x} = -\frac{1}{R_d \log\left(\frac{P_0}{P_1}\right)} v_T; \frac{\partial T}{\partial y} = \frac{1}{R_d \log\left(\frac{P_0}{P_1}\right)} u_T$$

$$\nabla \bar{T}_{850} \approx (-1.24, -0.36) \times 10^{-5} \text{ Km}^{-1}; \nabla \bar{T}_{600} \approx (3.29, -0.66) \times 10^{-5} \text{ Km}^{-1}$$

$$(b) \frac{\partial \bar{T}}{\partial t} = -\vec{v} \cdot \nabla \bar{T}$$

$$\frac{\partial \bar{T}}{\partial t}_{850} \approx 1.2 \times 10^{-4} \text{ K s}^{-1} \approx 0.44 \text{ Kh}^{-1}; \frac{\partial \bar{T}}{\partial t}_{600} \approx -5.6 \times 10^{-4} \text{ K s}^{-1} \approx -2 \text{ Kh}^{-1}$$

$$(c) \Delta z = \frac{R_d}{g} \log\left(\frac{850}{600}\right) T_{700} \approx 2773 \text{ m}$$

$$(d) \frac{\partial}{\partial t} \left(\frac{\partial T}{\partial z} \right) = \frac{\frac{\partial \bar{T}}{\partial t}_{600} - \frac{\partial \bar{T}}{\partial t}_{850}}{\Delta z} \approx -2.46 \times 10^{-7} \text{ Km}^{-1} \text{ s}^{-1}$$

$$(e) \Delta t = \frac{-\frac{g}{c_p} (-6.5 \times 10^{-3})}{\frac{\partial \bar{T}}{\partial t}_{600}} \approx 14230 \text{ s} \approx 3.95 \text{ h}$$