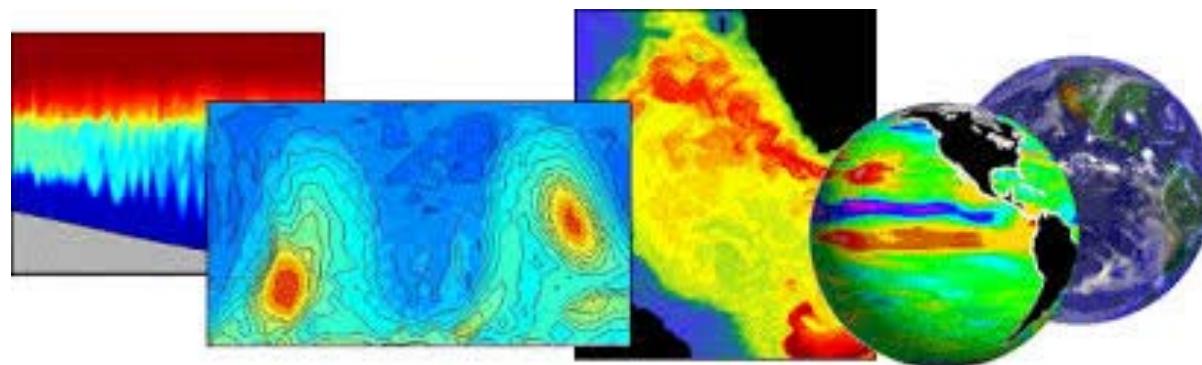
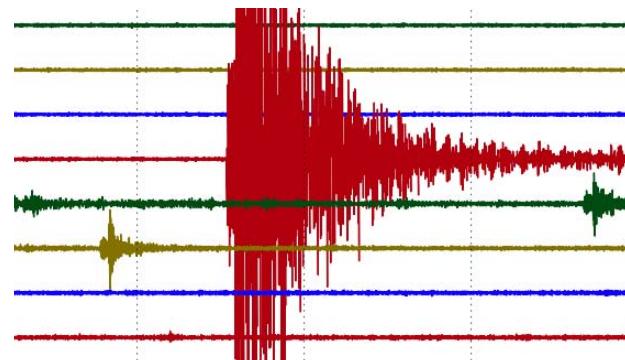
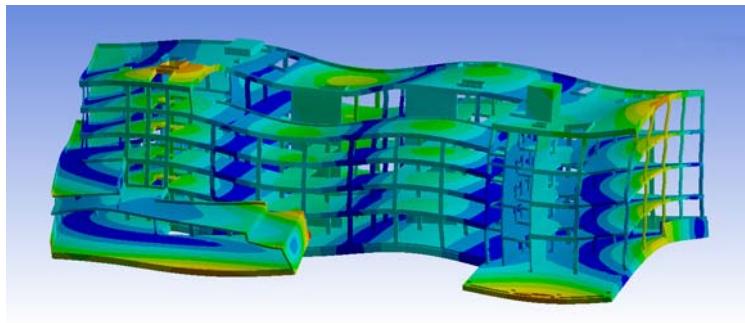


# Modelação Numérica 2017

Apresentação.



# Docentes e Web

Docentes, gabinete, e-mail, horário de dúvidas, PL:

Susana Custódio, 8.3.05, [susana@fc.ul.pt](mailto:susana@fc.ul.pt), 3a-f 13:00-14:00, PL22

Ana Machado, 8.3.41, [ammachado@fc.ul.pt](mailto:ammachado@fc.ul.pt), 2a-f 14:00-15:00, PL25

Carlos Pires, 8.3.39, [clpires@fc.ul.pt](mailto:clpires@fc.ul.pt), 5a-f 16:00-17:00, PL23

Fernando Santos, 8.3.22, [fasantos@fc.ul.pt](mailto:fasantos@fc.ul.pt), 2a-f 14:00-15:00, PL21

Miguel Nogueira, 8.3.26, [mdnogueira@fc.ul.pt](mailto:mdnogueira@fc.ul.pt), 5a-f 11:30-12:30, PL24

Página da cadeira: <http://modnum.ucs.ciencias.ulisboa.pt>

# Horário

<b>Ter 2/14</b>	<b>Qua 2/15</b>	<b>Qui 2/16</b>	<b>Sex 2/17</b>
4:30 PM - 5:30 PM T 8.2.39	5:00 PM - 6:00 PM T 3.2.13	1:00 PM - 3:00 PM L 1.5.10                  PL22	3:00 PM - 5:00 PM L 1.4.20                  PL25
		4:00 PM - 6:00 PM L 1.5.10                  PL24	4:30 PM - 6:30 PM L 1.5.10                  PL21
		5:00 PM - 7:00 PM L 1.5.11                  PL23	

As aulas PL começam esta semana (16 e 17/Fev).

# Turmas PL

Mudança de turmas PL:

Nr aluno	Nome	Turma PL original	Nova turma PL
40539	Luís Paulo Moreira Matos		PL23, 5a-f, 17:00 - 19:00
43252	Nuno Amaral Fragoeiro		PL21, 6a-f, 16:30 - 18:30
43689	João Pedro Filipe Santos	PL24	PL21, 6a-f, 16:30 - 18:30
43694	Telmo Mendes Teixeira Barbosa		PL21, 6a-f, 16:30 - 18:30
44085	Célio Agostinho Exposto Saldanha	PL24	PL23, 5a-f, 17:00 - 19:00
45276	Gabriel Bexiga Simões	PL24	PL21, 6a-f, 16:30 - 18:30
45760	Guilherme Alexandre Correia Canas Martins	PL22	PL21, 6a-f, 16:30 - 18:30
45859	João Luis Ventura Manita	PL24	PL23, 5a-f, 17:00 - 19:00
48055	Joana Rocha Araújo	PL25	PL21, 6a-f, 16:30 - 18:30
48071	Tiago Miguel Rivero Ermitão Rodrigues da Silva	PL25	PL21, 6a-f, 16:30 - 18:30
48236	Bruno Alexandre Narciso Soares	PL22	PL23, 5a-f, 17:00 - 19:00
48244	Luis Pedro Ribeiro da Costa	PL22	PL23, 5a-f, 17:00 - 19:00
48739	Miguel Alexandre de Sá e Sousa Carvalho Dias	PL22	PL23, 5a-f, 17:00 - 19:00
48063	Ana Patricia Assomar José	PL25	PL21, 6a-f, 16:30 - 18:30

# Modelação Numérica 2017

Programação.



# Modelação Numérica 2017

Programação.



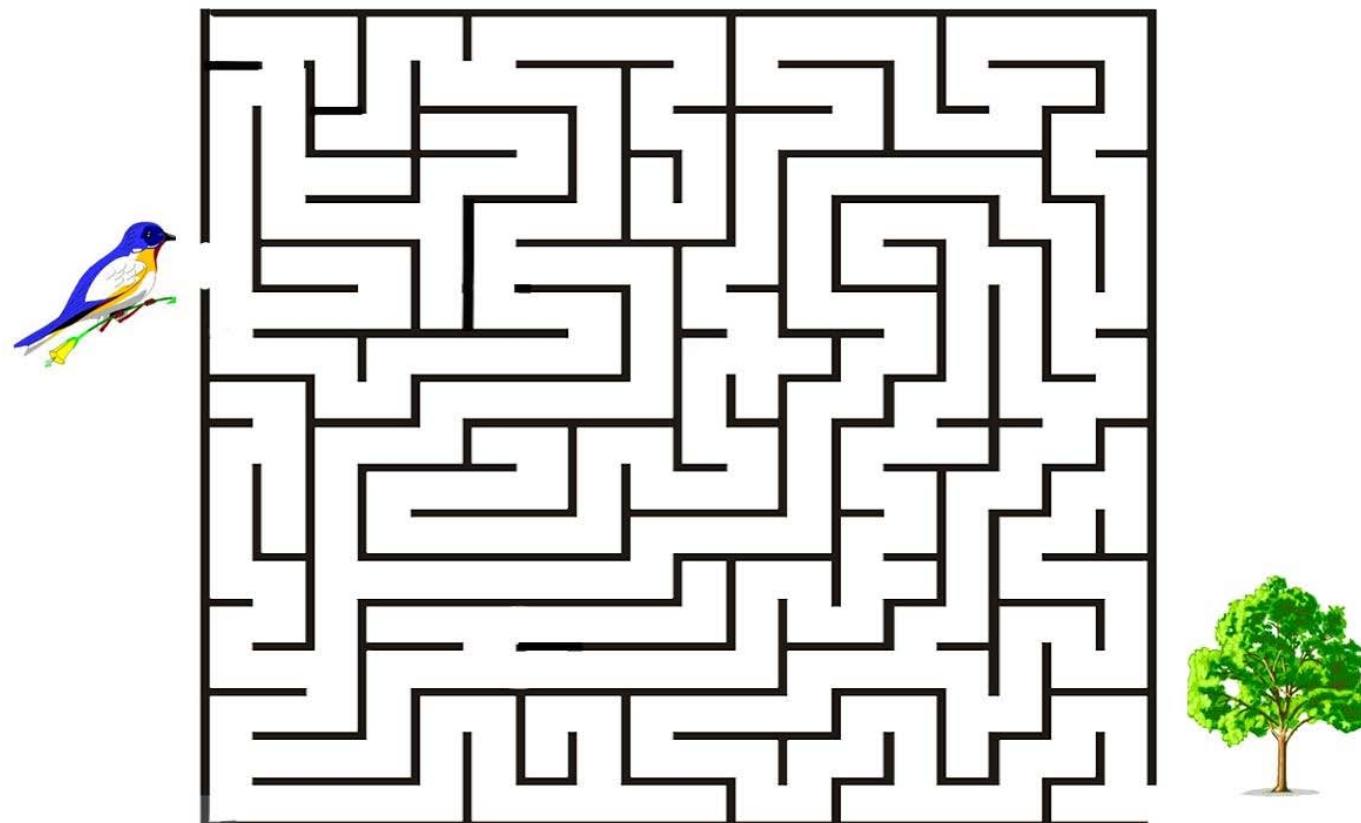
# Modelação Numérica 2017

Programação.



# Modelação Numérica 2017

Programação.



# Modelação Numérica 2017

Programação.



# Modelação Numérica 2017

Spyder (Python 2.7)

Editor – /Users/susana/aulas/14-ModNumerica-2017/5-aulasPL/PL-introla-tutorial.py

```
234 print('doces = '+ str(doces))
235
236 #%%
237 ##### 9. Excepções
238
239 # No processamento automático de scripts, por vezes acontecem coisas inesperadas que fazem
240 # com que o Python pare a execução do código e levanta uma Exception (podemos pensar nisto como um
241 # As vezes, mesmo assim, gostaríamos que o código continuasse a correr...
242
243 while True:
244     try:
245         x = int(raw_input("Escreva um numero: "))
246         break
247     except ValueError:
248         print("Oh-oh! Isso não é um número válido. Tenta outra vez...")
249
250
251 # Outro exemplo:
252
253 def isto_falha():
254     x = 1/0
255
256 try:
257     isto_falha()
258 except ZeroDivisionError as detail:
259     print('Temos um problema: ' + str(detail))
260
261
262 #%%
263 ##### 10. NumPy
264
265 # O NumPy é um dos módulos mais utilizados pela comunidade científica. No centro do
266 # Numpy estão as variáveis de tipo "ndarray" (matrizes n-dimensionais).
267 # As operações com matrizes NumPy são económicas em memória utilizada e computacionalmente rápidas
268 # (as computações internas são feitas em C).
269
270 import numpy as np
271
272 # Criar uma matriz com um milhão de amostras, igualmente espaçadas, entre 1 e 100.
273 x = np.linspace(0, 100, 1E6)
274
275 # A maioria das operações é aplicada elemento a elemento.
276 y = x ** 2
277
278 # Recorre a C e Fortran para fazer os cálculos mais rapidamente,
279 print(y.sum())
280
281
282 #%%
283 ##### 11. Fazer gráficos
284
285 # Os gráficos são frequentemente feitos com o módulo matplotlib.
286 # A interface do matplotlib é semelhante à do matlab.
287
288 import matplotlib.pyplot as plt
289
290 x = np.linspace(0, 2 * np.pi, 2000)
291 y = np.sin(x)
292
293 plt.plot(x, y, color="green", label="sine wave")
294 plt.legend()
295 plt.ylim(-1.1, 1.1)
296 plt.grid()
297 plt.show()
298
299 # gravar a imagem num ficheiro
300 # para gravar outros formatos de imagem basta mudar a extensão
301 plt.savefig('myplot1.pdf')
302 plt.savefig('myplot1.jpg')
303
304
305 #%%
```

Object inspector

Source Console Object

Usage

Here you can get help of any object by pressing Ctrl+I in front of it, either on the Editor or the Console.

Help can also be shown automatically after writing a left parenthesis next to an object. You can activate this behavior in Preferences > Object Inspector.

New to Spyder? Read our [tutorial](#).

Object inspector Variable explorer File explorer Profiler

Console 1/A IPython console

# gravar a imagem num ficheiro
# para gravar outros formatos de imagem basta mudar a extensão
plt.savefig('myplot1.pdf')
plt.savefig('myplot1.jpg')
...:

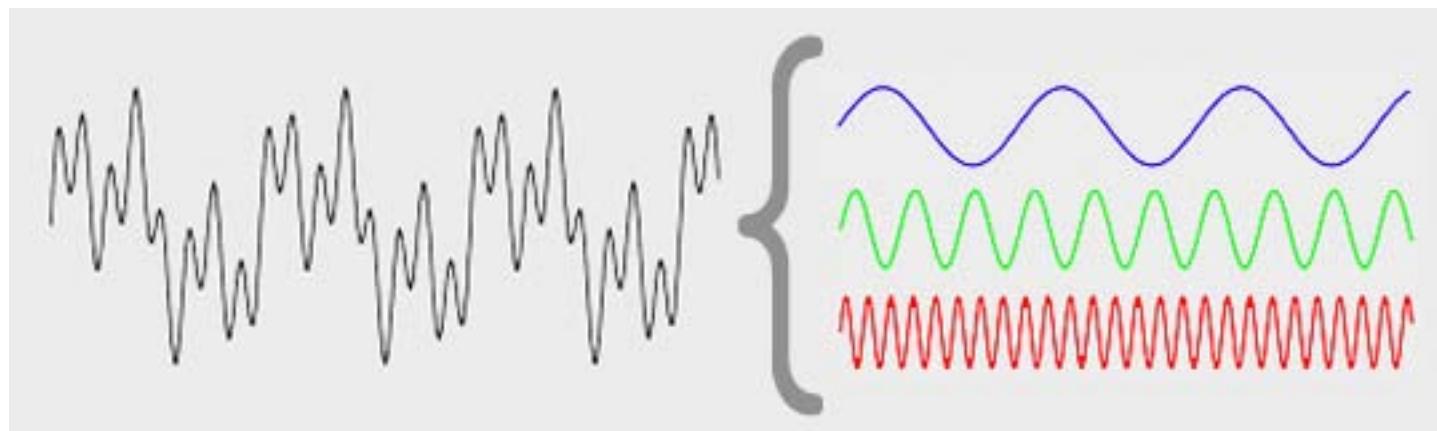
sine wave

In [15]:

Permissions: RW End-of-lines: LF Encoding: UTF-8 Line: 305 Column: 1 Memory: 41 %

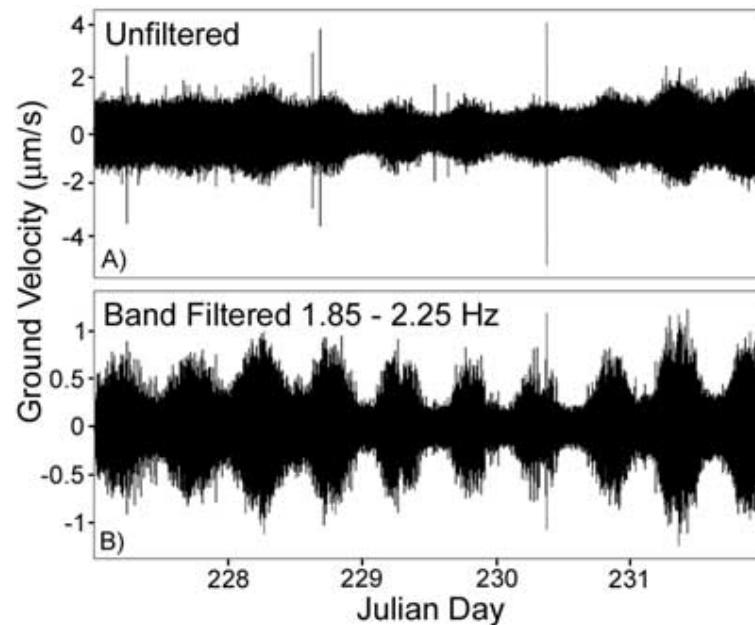
# Modelação Numérica 2017

1. Representação numérica de sistemas físicos espaço-temporais. Análise de Fourier e caracterização de séries de dados (teorema da amostragem, propriedades da transformada de Fourier). Filtros digitais.



# Modelação Numérica 2017

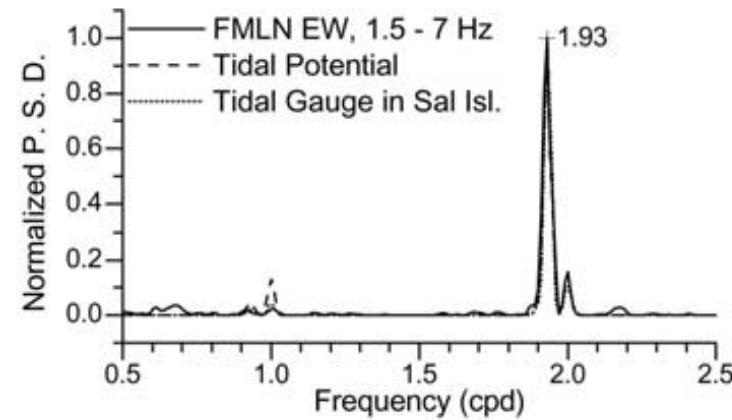
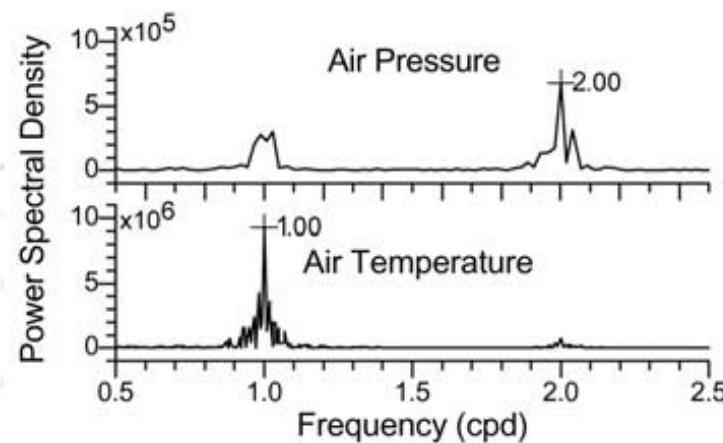
1. Representação numérica de sistemas físicos espaço-temporais. Análise de Fourier e caracterização de séries de dados (teorema da amostragem, propriedades da transformada de Fourier). Filtros digitais.



Custódio et al, 2003

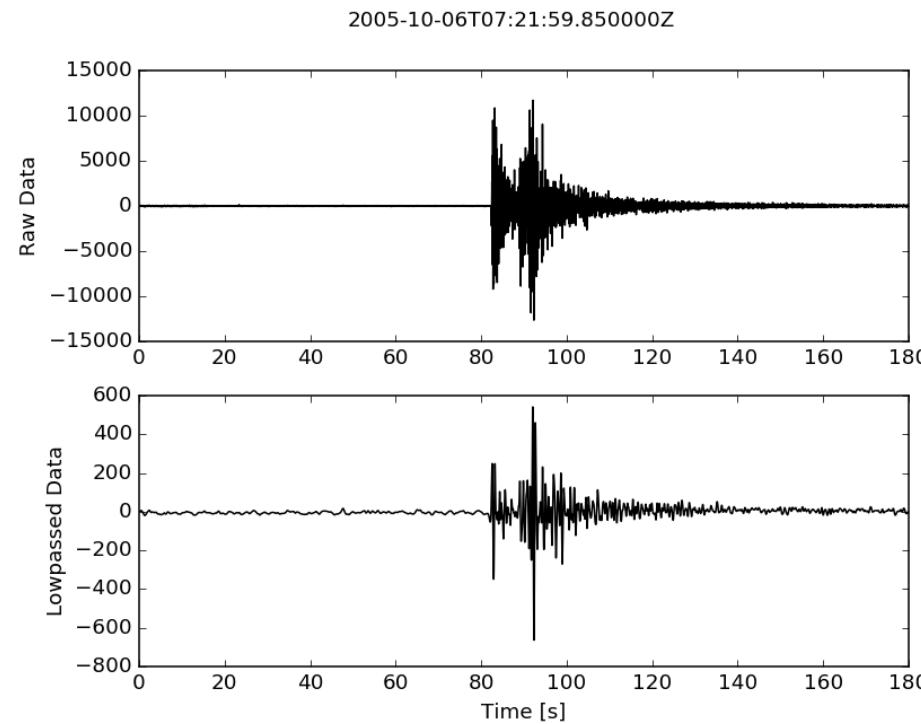
# Modelação Numérica 2017

1. Representação numérica de sistemas físicos espaço-temporais. Análise de Fourier e caracterização de séries de dados (teorema da amostragem, propriedades da transformada de Fourier). Filtros digitais.



# Modelação Numérica 2017

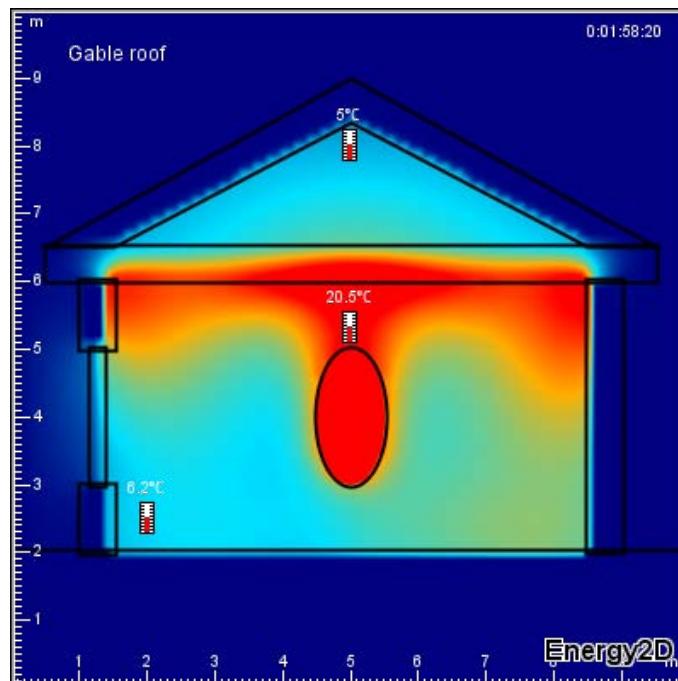
1. Representação numérica de sistemas físicos espaço-temporais. Análise de Fourier e caracterização de séries de dados (teorema da amostragem, propriedades da transformada de Fourier). Filtros digitais.



# Modelação Numérica 2017

2. Solução numérica de equações diferenciais ordinárias.  
Solução numérica de equações diferenciais às derivadas parciais. Problemas estacionários e transientes.

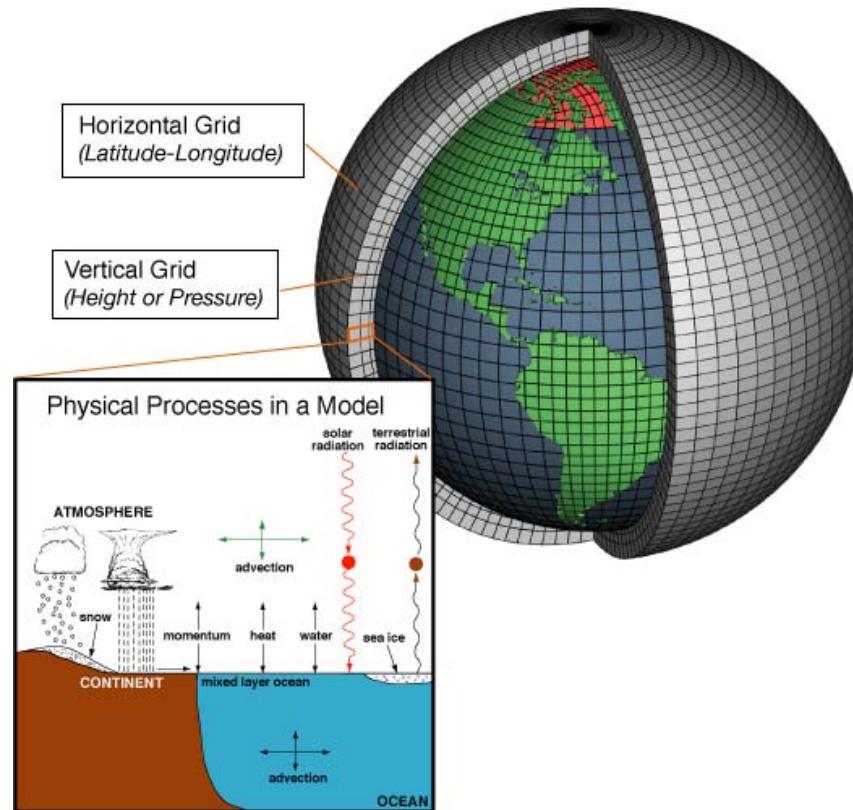
Condução  
+  
Convecção  
+  
Radiação



Energy2D

# Modelação Numérica 2017

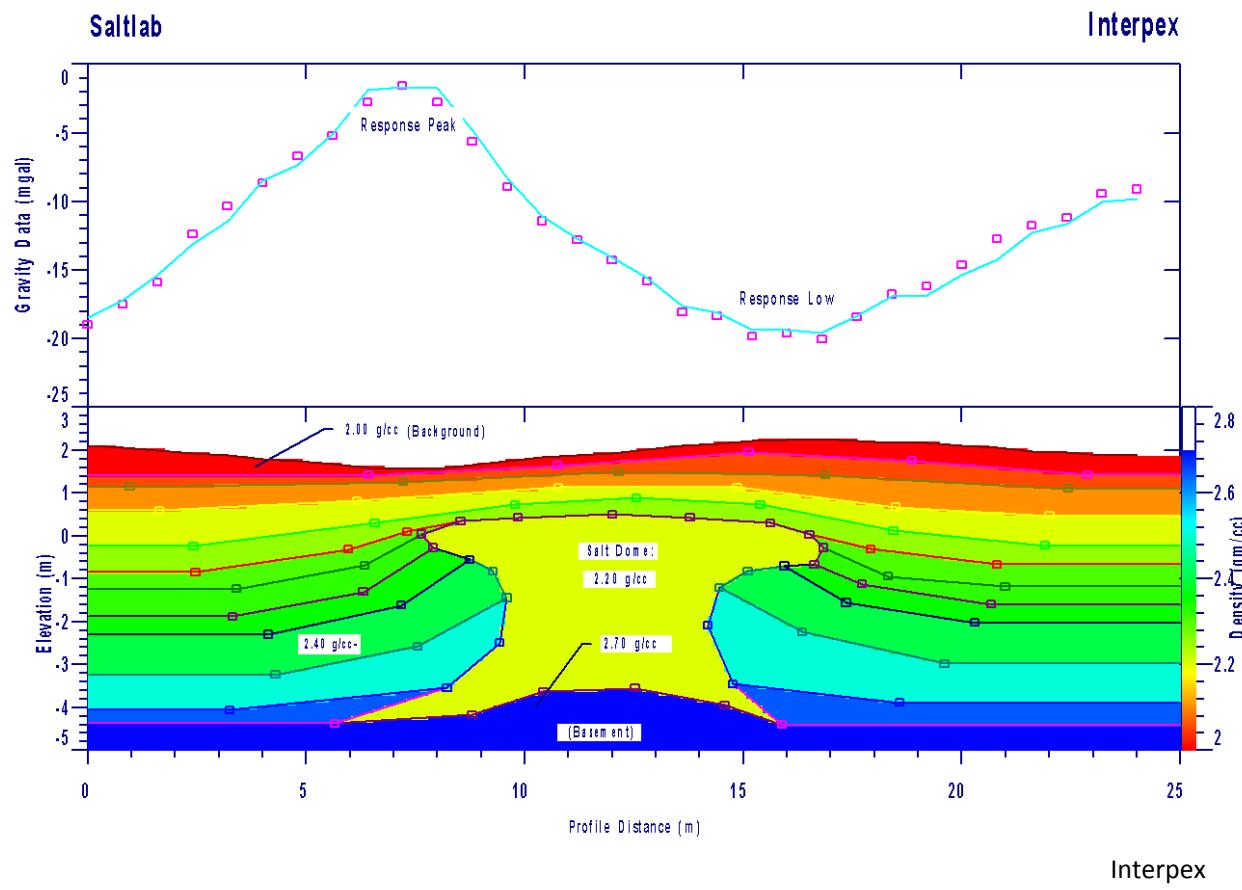
2. Solução numérica de equações diferenciais ordinárias. Solução numérica de equações diferenciais às derivadas parciais. Problemas estacionários e transientes.



Wikipedia

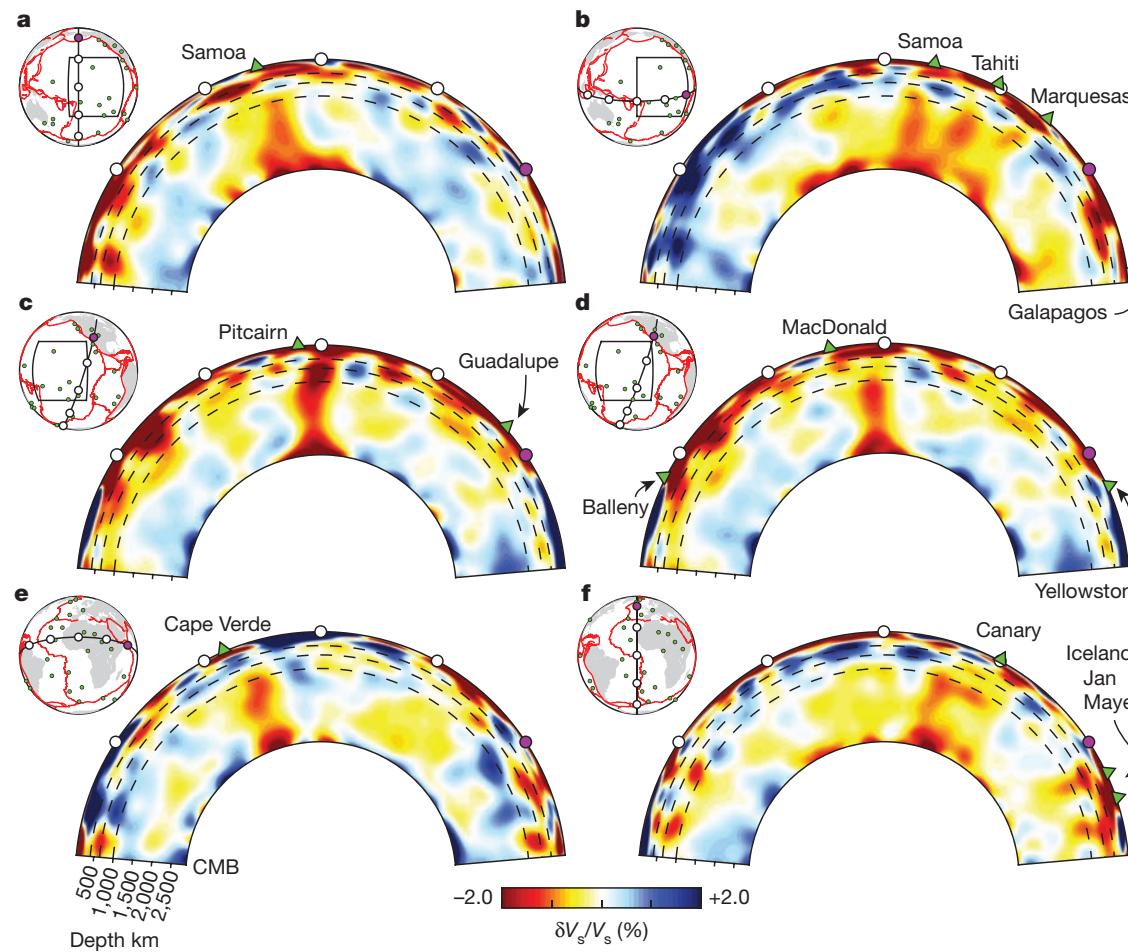
# Modelação Numérica 2017

## 3. Ajuste de parâmetros e optimização.



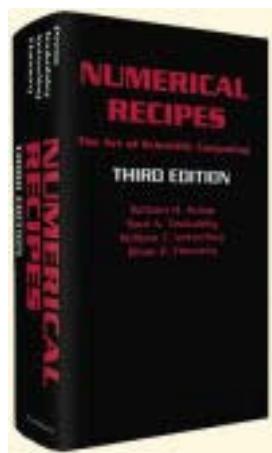
# Modelação Numérica 2017

## 3. Ajuste de parâmetros e optimização.



# Referências bibliográficas

1. Notas das aulas, Fénix.
2. Numerical Recipes, Press et al, Cambridge Press.



# Avaliação

- Exame final: 40%
- Presenças nas aulas práticas: 10%  
(nota corresponde linearmente à assiduidade)
- Trabalhos práticos: 35%
- Apresentações orais dos trabalhos: 15%

# Trabalhos práticos

- Serão elaborados 3 projectos práticos, um sobre cada um dos temas abordados na cadeira.
- Os projectos serão feitos em grupos de 2 alunos.
- Os 3 projectos serão entregues para avaliação.
- Os projectos incluem a solução de um problema e a sua apresentação gráfica.
- Cada grupo defenderá oralmente os projectos (ppt).

<b>2a-f, Entregas</b>	<b>3a-f, T21</b>	<b>4a-f, T21</b>	<b>5a-f, PL22</b>	<b>5a-f, PL24</b>	<b>5a-f, PL23</b>	<b>6a-f, PL25</b>	<b>6a-f, PL21</b>	
	14/Fev T1	15/Fev T2	16/Fev Intro-1	16/Fev Intro-1	16/Fev Intro-1	17/Fev Intro-1	17/Fev Intro-1	
	21/Fev T3	22/Fev T4	23/Fev Intro-2	23/Fev Intro-2	23/Fev Intro-2	24/Fev Intro-2	24/Fev Intro-2	
	28/Fev Carnaval	1/Março T5, Protoc.	2/Março Ex1-1	2/Março Ex1-1	2/Março Ex1-1	3/Março Ex1-1	3/Março Ex1-1	
	7/Março T6	8/Março T7	9/Março Ex1-2	9/Março Ex1-2	9/Março Ex1-2	10/Março Ex1-2	10/Março Ex1-2	
	14/Março T8	15/Março T9	16/Março Ex1-3	16/Março Ex1-3	16/Março Ex1-3	17/Março Ex1-3	17/Março Ex1-3	
20/Março, 17:00 Entrega Ex1	21/Março T10	22/Março T11	23/Março Ex1-4	23/Março Ex1-4	23/Março Ex1-4	24/Março Ex1-4	24/Março Ex1-4	Apresentações
	28/Março T12	29/Março T13, Protoc.	30/Março Ex2-1	30/Março Ex2-1	30/Março Ex2-1	31/Março Ex2-1	31/Março Ex2-1	
	4/Abr T14	5/Abr T15	6/Abr Ex2-2	6/Abr Ex2-2	6/Abr Ex2-2	7/Abr Ex2-2	7/Abr Ex2-2	
	11/Abr T16	12/Abr Páscoa	13/Abr Páscoa	13/Abr Páscoa	13/Abr Páscoa	14/Abr Páscoa	14/Abr Páscoa	
	18/Abr Páscoa	19/Abr Dia Ciências	20/Abr Ex2-3	20/Abr Ex2-3	20/Abr Ex2-3	21/Abr Ex2-3	21/Abr Ex2-3	
26/Abr, 9:00 Entrega Ex2	25/Abr Feriado	26/Abr T18	27/Abr Ex2-4	27/Abr Ex2-4	27/Abr Ex2-4	28/Abr Ex2-4	28/Abr Ex2-4	Apresentações
	2/Mai T19	3/Mai T20, Protoc.	4/Mai Ex3-1	4/Mai Ex3-1	4/Mai Ex3-1	5/Mai Ex3-1	5/Mai Ex3-1	
	9/Mai T21	10/Mai T22	11/Mai Ex3-2	11/Mai Ex3-2	11/Mai Ex3-2	12/Mai Ex3-2	12/Mai Ex3-2	
	16/Mai T23	17/Mai T24	18/Mai Ex3-3	18/Mai Ex3-3	18/Mai Ex3-3	19/Mai Ex3-3	19/Mai Ex3-3	
22/Mai, 17:00 Entrega Ex3	23/Mai T25	24/Mai T26	25/Mai Ex3-4	25/Mai Ex3-4	25/Mai Ex3-4	26/Mai Ex3-4	26/Mai Ex3-4	Apresentações
	30/Mai T27							

# Trabalhos práticos

- Serão elaborados 3 projectos práticos, um sobre cada um dos temas abordados na cadeira.
  - Os projectos serão feitos em grupos de 2 alunos.
  - Os 3 projectos serão entregues para avaliação.
  - Os projectos incluem a solução de um problema e a sua apresentação gráfica.
  - Cada grupo defenderá oralmente os projectos (ppt).
- 
- As primeiras duas semanas de práticas não têm avaliação.
  - Constituição dos grupos na 1<sup>a</sup> PL (esta semana).
  - Pensem na constituição dos grupos antes das PLs.

# Trabalhos práticos - Avaliação

- Relatório entregue na forma de 2 ficheiros :
  - Exemplo:  
EX1PL25G08.py, EX1PL25G08.pptx (Projecto 1, PL 25, Grupo 8)
  - No interior dos ficheiros devem estar anotados os nomes dos autores).
- Entrega, por e-mail para o professor da TP
  - Assunto do e-mail: ModNum2017
  - Entrega: 2a-f da semana das discussões, até às 17:00.
  - Cada dia de atraso desconta 1 valor.
  - Excepção: 25/Abril. Entrega dia 26/Abril, 9:00.
- Nota: Só um dos membros do grupo apresentará o Projecto 1 (10 min). Ambos apresentam o Projecto 2 (2×5min). O outro membro apresentará o Projecto 3 (10 min). A escolha é dos grupos.

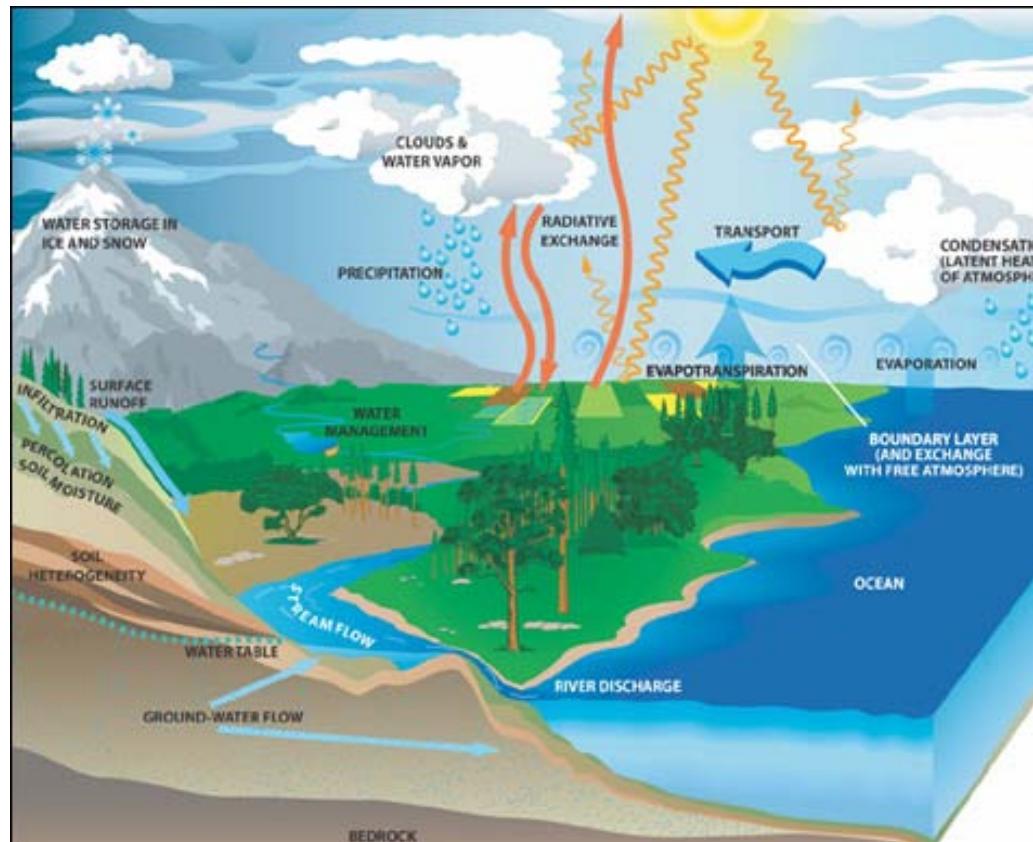
# O que é um modelo?

Representação ([simplificada](#)) da realidade.

(O conhecimento baseia-se sempre em “modelos”.)

# O que é um modelo?

- Modelos conceptuais (qualitativos, esquemáticos, identificando causas e efeitos e/ou evolução típica).



# O que é um modelo?

- Modelos teóricos (e.g. traduzidos em equações analíticas entre variáveis).  
Por vezes não têm solução...

## Equações da Meteorologia:

$\frac{\partial \vec{v}}{\partial t} = -(\vec{v} \cdot \nabla) \vec{v} + \vec{g} - \frac{1}{\rho} \nabla p$	$+ \eta \nabla^2 \vec{v}$	$- 2\vec{\Omega} \times \vec{v}$	3 equações 5 incógnitas
Euler, 1755	Navier-Stokes 1822	Coriolis 1835	

$$\frac{\partial \theta}{\partial t} = -(\vec{v} \cdot \nabla) \theta + Q_{Radiativo} + Q_{Latente} + \kappa \nabla^2 \theta$$

conveção		condução
----------	--	----------

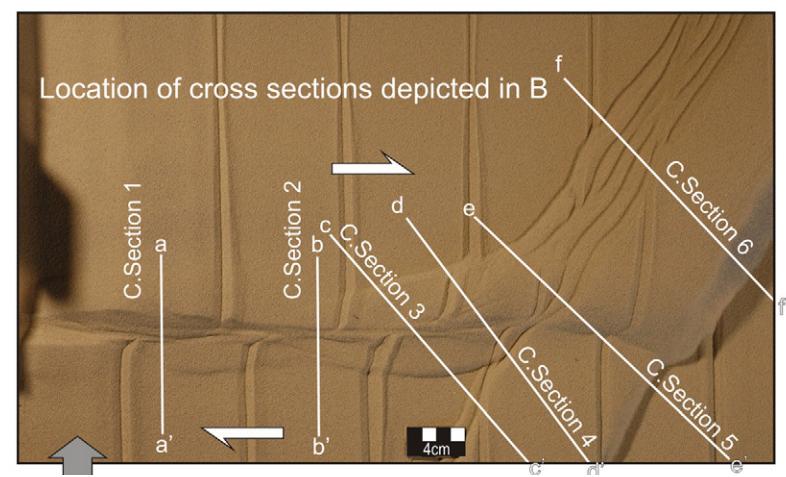
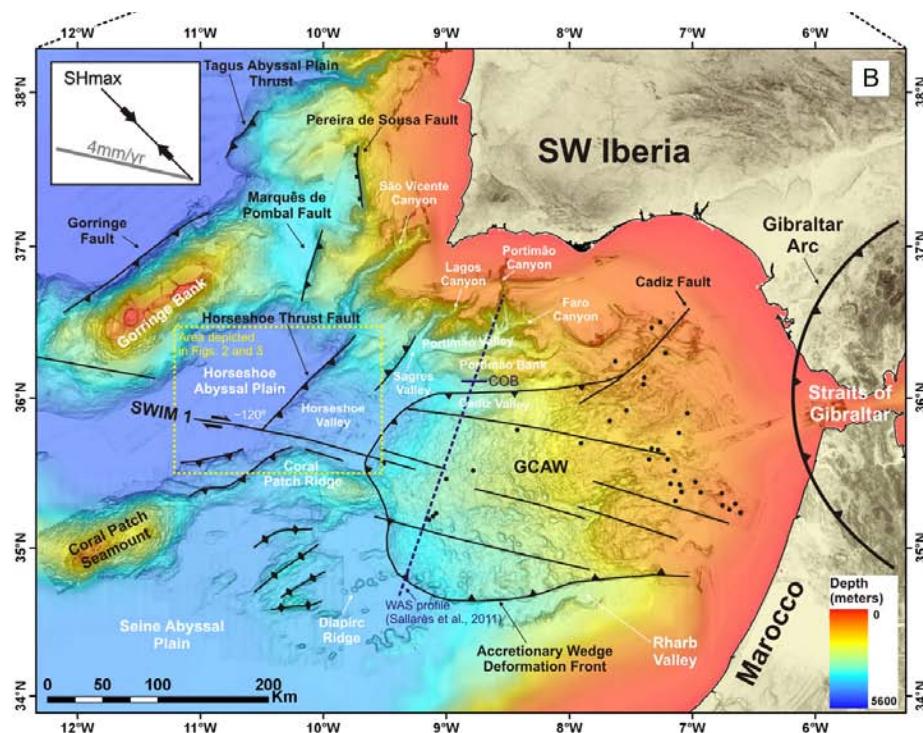
$$\frac{\partial \rho}{\partial t} = -\nabla \cdot (\rho \vec{v}) \quad \frac{\partial q_{v,l,g,c}}{\partial t} = -(\vec{v} \cdot \nabla) q_{v,l,g,c} + \text{Fase transitions} + \kappa_D \nabla^2 q_{v,l,g,c}$$

$$p = R\rho T(1 + 0.61q) \quad \theta = T \left( \frac{p}{p_{00}} \right)^{-k}$$

✓ 10 equações  
✓ 10 incógnitas

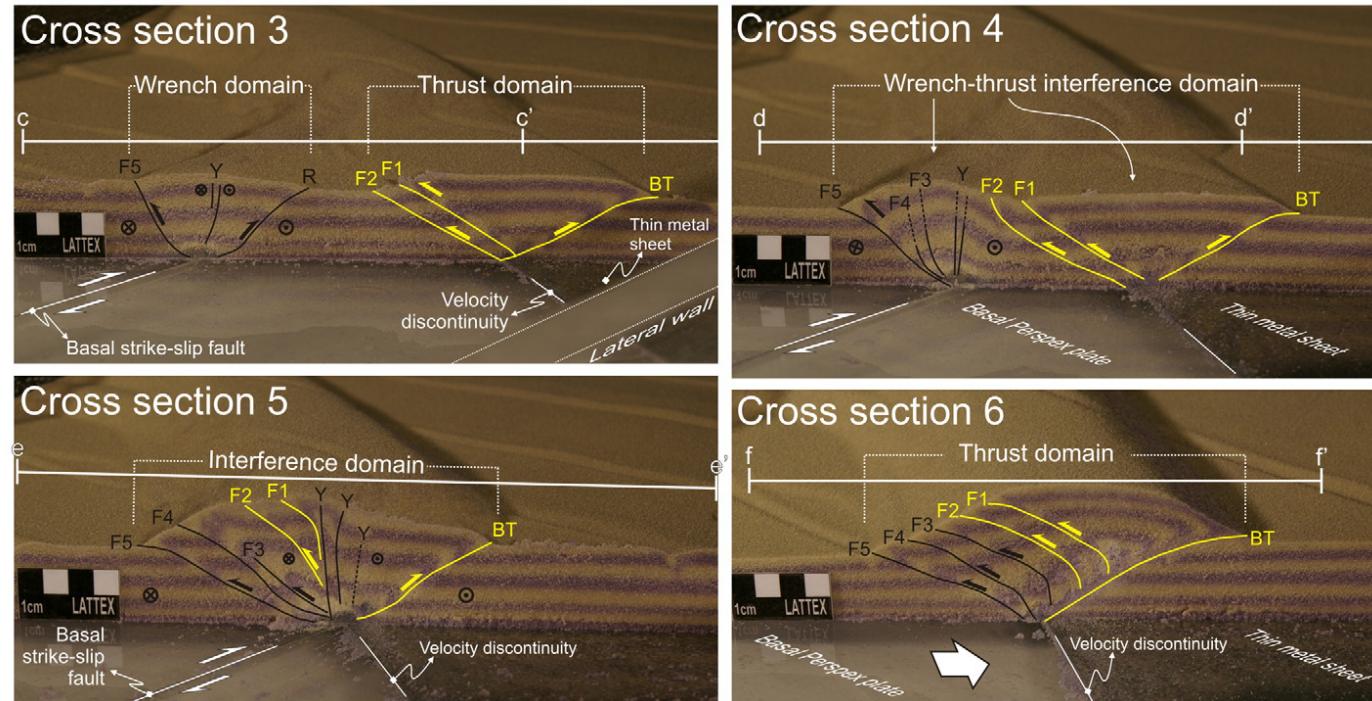
# O que é um modelo?

- Modelos analógicos (túnel de vento, tanque hidráulico, sandbox).



# O que é um modelo?

- Modelos analógicos (túnel de vento, tanque hidráulico, sandbox).

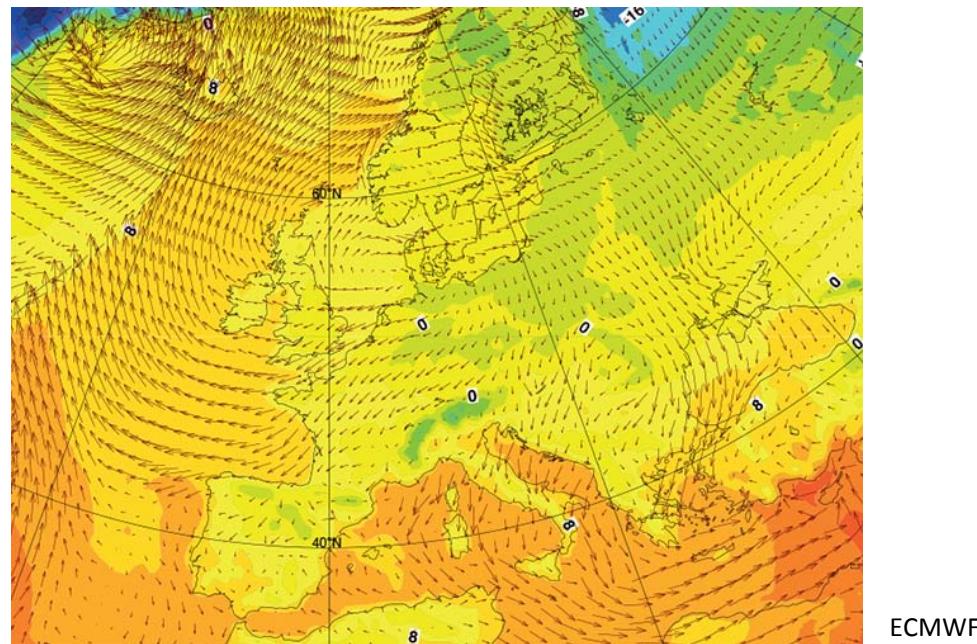


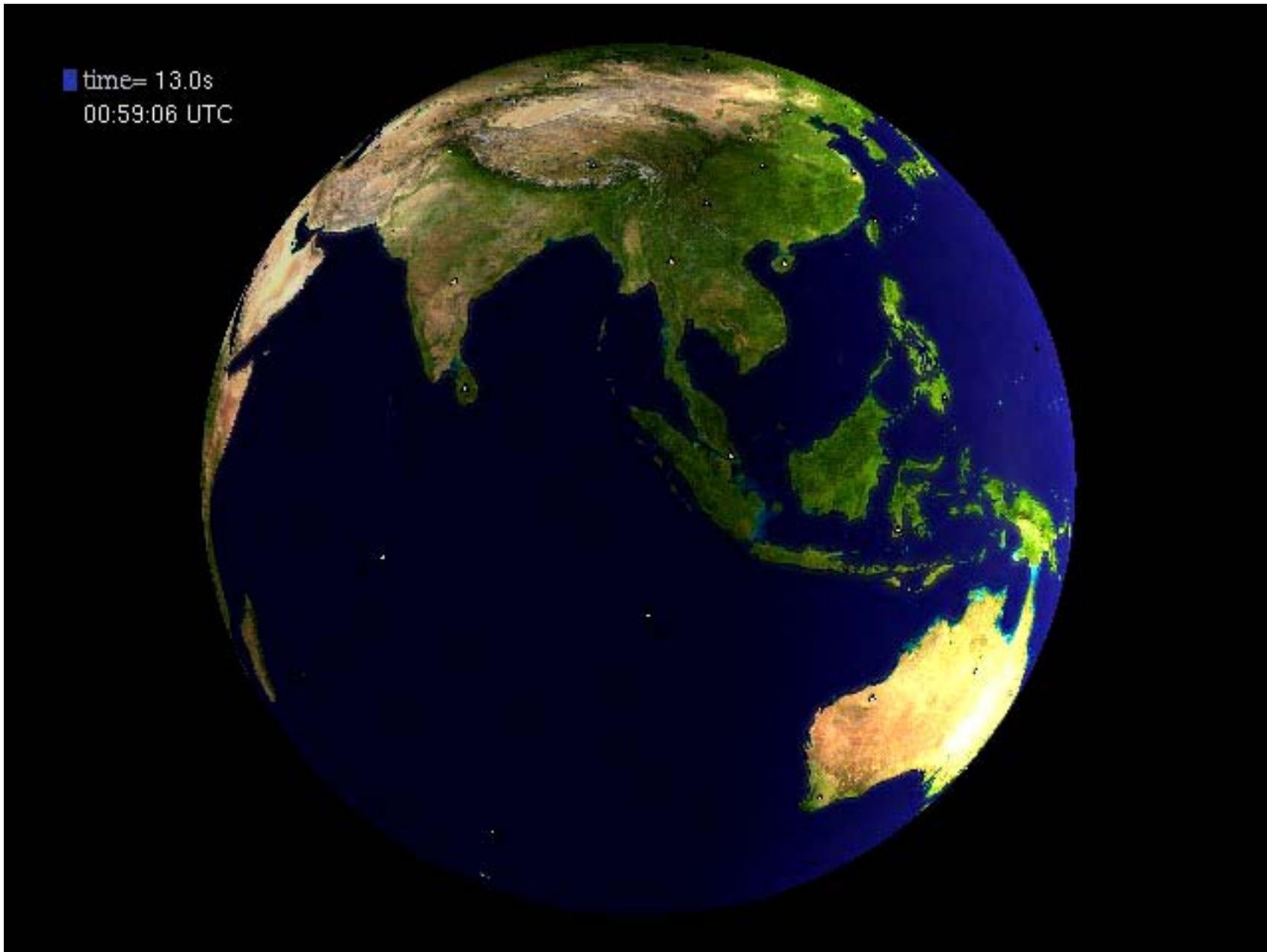
# O que é um modelo?

Representação ([simplificada](#)) da realidade.

(O conhecimento baseia-se sempre em “modelos”)

- [Modelos numéricos](#) (traduzidos em relações matemáticas discretas entre variáveis).





Caltech

# Objectivos

- Experiências “controladas” (o que acontece se...)
- Trabalhar na “escala laboratorial” (no espaço e no tempo): o modelo só é útil se for realizável...
- Exemplos: modelos de doenças humanas em cobaias; túnel de vento (modelos analógicos)...
- Caracterizar processos individuais (isolar causas e efeitos).
- Prever o futuro.