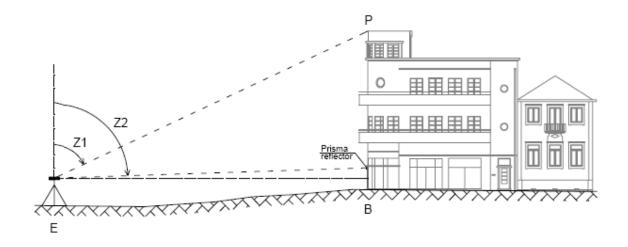


Departamento de Engenharia Geográfica, Geofísica e Energia

Época especial de Topografia 13 de Julho de 2009

O exame é sem consulta e tem a duração de 2h30

1. Pretendendo-se determinar a altura do edifício figurado, estacionou-se uma estação total no ponto E, mediu-se a altura do instrumento (a_i =1.60 m) e visou-se o ponto P no topo do edifício, registando-se o valor do ângulo zenital z_1 =71.982 gon. Em seguida, encostou-se o bastão com o prisma reflector à fachada do edifício no ponto B (altura visada=1.50 m), na vertical de P, obtendo-se os valores seguintes na pontaria para o prisma a partir de E: d_i =38.265 m, z_2 =97.496 gon. Sabendo que a cota do ponto estação é igual a 250.00 m, determine a altura do edifício e a cota do ponto P.



- 2. Utilizando uma estação total, foi executada uma irradiada simples com distância horizontal 679.311 m e rumo 173⁹.9803. Sabendo que a precisão de medida angular e linear do aparelho utilizado é, respectivamente, 15" e 3mm±5ppm, calcule a precisão das coordenadas do ponto visado relativamente ao ponto estação.
- 3. Nos pontos P₁ e P₂ do terreno estacionaram-se dois teodolitos, visando-se mutuamente a zero. Sabendo que

	M (m)	P (m)
P ₁	-132.10	204.53
P ₂	-180.32	268.26
Α	-99.85	268.26

- a) Determine o valor de R₀ em cada estação.
- b) Calcule que leituras obteria para implantar por intersecção directa os pontos A e B, sabendo que B dista 100.00 m de A, o segmento AB é paralelo ao segmento definido pelos pontos P₁ e P₂ e que o rumo R_{AB} é menor que 200 grados.

4. O nivelamento geométrico permite determinar desníveis entre pontos do terreno utilizando níveis. Para determinar a cota dos pontos A, B e C do terreno, estabeleceu-se uma linha de nivelamento fechada, apoiada na marca M com cota 202.268 m, tendo-se registado as seguintes observações:

Pontos visados	Leitura atrás	Leitura à frente
M	1.289	
A	1.173	1.852
В	1.459	1.632
С	1.048	0.806
M		0.688

Determine as cotas ajustadas dos pontos referidos, supondo que os 4 pontos definem um quadrado com 50 m de lado (os pesos associados a um desnível dependem do quadrado do comprimento desse troço).

Formulário:

$$\begin{split} & \left\{ \sigma_{M_k}^2 = \sum_{i=1}^{k-1} (P_k - P_i)^2 \ \sigma_{R_i}^2 + \sum_{i=1}^{k-1} \frac{(M_{i+1} - M_i)^2}{d_i^2} \ \sigma_{d_i}^2 \right. \\ & \left\{ \sigma_{P_k}^2 = \sum_{i=1}^{k-1} (M_k - M_i)^2 \ \sigma_{R_i}^2 + \sum_{i=1}^{k-1} \frac{(P_{i+1} - P_i)^2}{d_i^2} \ \sigma_{d_i}^2 \right. \\ & \left. \sigma_{M_k P_k} = - \sum_{i=1}^{k-1} (M_k - M_i) (P_k - P_i) \ \sigma_{R_i}^2 + \sum_{i=1}^{k-1} \frac{(M_{i+1} - M_i) (P_{i+1} - P_i)}{d_i^2} \ \sigma_{d_i}^2 \right. \end{split}$$